

**ÉRETTSEGI VIZSGA • 2022. október 18.**

# MATEMATIKA

## KÖZÉPSZINTŰ ÍRÁSBELI VIZSGA

minden vizsgázó számára

## JAVÍTÁSI-ÉRTÉKELÉSI ÚTMUTATÓ

OKTATÁSI HIVATAL

## Fontos tudnivalók

### Formai előírások:

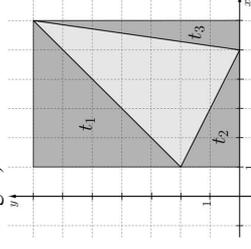
- Kérjük, hogy a dolgozatot a vizsgázó által használt színről **eltérő színű tollal, olvashatóan** javítsa ki.
- A feladatok mellett található szürke téglalapok közül az elsöben a feladatra adható maximális pontszám van, a javító által adott **pontszám a** mellette levő **téglalapba** kerüljön.
- Kifogástalan megoldás** esetén kérjük, hogy a maximális pontszám feltüntetése mellett kippalással jelezze, hogy az adott gondolati egységet látta, és jónak minősítette.
- Hiányos/hibás megoldás esetén kérjük, hogy a **hiba jelzése** mellett az egyes **részpontszámokat** is írja rá a dolgozatra. Ha a dolgozat javítását jobban követhetővé teszi, akkor a vizsgázó által elvesztett részpontszámok jelzése is elfogadható. Ne maradjon olyan részlet a megoldásban, amelyről a javítás után nem nyilvánvaló, hogy helyes, hibás vagy fölösleges.
- A javítás során **alkalmazza az alábbi jelöléseket.**
  - helyes lépés: *kippálás*
  - elvi hiba: *kétszeres aláhúzás*
  - számolási hiba vagy más, nem elvi hiba: *egyszeres aláhúzás*
  - rossz kiinduló adattal végzett helyes lépés: *szaggatott vagy áthúzott kippálás*
  - hiányos indoklás, hiányos felsorolás vagy más hiány: *hiányjel*
  - nem érthető rész: *kérdőjel és/vagy hullámvonal*
- Az ábrán kívül **ceruzával** írt részeket ne értékelje.

### Tartalmi kérések:

- Egyes feladatoknál több megoldás pontozását is megadtuk. Amennyiben azoktól **eltérő megoldás** születik, keresse meg ezen megoldásoknak az útmutató egyes részleteivel egyenértékű részeit, és ennek alapján pontozzon.
- A pontozási útmutató pontjai tovább **bonthatók, ha csak az útmutató másképp nem rendelkezik.** Az adható pontszámok azonban csak egész pontok lehetnek.
- Ha a megoldásban **számolási hiba**, pontatlanság van, akkor csak arra a részre nem jár pont, ahol a tanuló a hibát elkövette. Ha a hibás részeredménnyel helyes gondolatmenet alapján tovább dolgozik, és a megoldandó probléma lényegében nem változik meg, akkor a következő részpontszámokat meg kell adni.
- Elvi hibát** követően egy gondolati egységen belül (ezeket az útmutatóban kettős vonal jelzi) a formálisan helyes matematikai lépésekre sem jár pont. Ha azonban a tanuló az elvi hibával kapott rossz eredménnyel – mint kiinduló adattal – helyesen számol tovább a következő gondolati egységekben vagy részkerésekben, akkor ezekre a részekre kapja meg a maximális pontot, ha a megoldandó probléma lényegében nem változott meg.
- Ha a megoldási útmutatóban zárójelben szerepel egy **megjegyzés** vagy **mértékegység**, akkor ennek hiánya esetén is teljes értékű a megoldás.

### 18. d) második megoldás

(A háromszöget egy téglalapba foglaljuk. A téglalap területéből levonjuk a három derékszögű háromszög területének összegét.)



1 pont

A téglalap területe  $(5 \cdot 7 = 35)$ ,

1 pont

a derékszögű háromszögek területe:  $t_1 = \frac{5 \cdot 5}{2} = 12,5$ ,

2 pont

$t_2 = \frac{2 \cdot 4}{2} = 4$ ,  $t_3 = \frac{1 \cdot 7}{2} = 3,5$  (területegység).

1 hiba esetén 1 pont,  
1-nél több hiba esetén  
0 pont jár.

Az  $ABC$  háromszög területe:  $35 - (12,5 + 4 + 3,5) = 15$  (területegység).

1 pont

1 pont

1 pont

**Összesen:****6 pont**

### 18. d) harmadik megoldás

Az  $AB$  oldal hossza  $\sqrt{4^2 + 2^2} = \sqrt{20} (= 2\sqrt{5})$ .

1 pont

A háromszög területét Héron-képlettel számoljuk ki.

A  $BC$  és  $AC$  oldalak hossza  $\sqrt{50}$ , így a kerület fele:

2 pont

$s = \frac{\sqrt{50} + \sqrt{50} + \sqrt{20}}{2} = \sqrt{50} + \sqrt{5} (= 9,31)$ .

$T = \sqrt{(\sqrt{50} + \sqrt{5})(\sqrt{50} - \sqrt{5}) \cdot \sqrt{5} \cdot \sqrt{5}} =$   
 $(= \sqrt{45 \cdot 5}) = 15$  (területegység).

2 pont

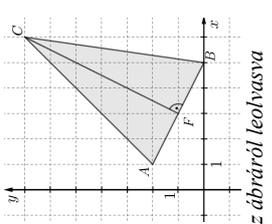
1 pont

**Összesen:****6 pont**

*Megjegyzés: Ha a vizsgázó közelítő értékekkel helyesen számol, akkor maximális pontszámot kapjon.*

<b>18. b)</b> (Ha nem számít a kiválasztás sorrendje, akkor) összesen $\binom{36}{2}$ -féleképpen választhatunk ki két alakzatot.	1 pont	Ha számíjtjuk a sorrendet, akkor összesen $36 \cdot 35$ -féleképpen választhatunk.
A kedvező esetek száma $\binom{27}{2}$ .	1 pont	A kedvező esetek száma $27 \cdot 26$ .
A keresett valószínűség $\frac{\binom{27}{2}}{\binom{36}{2}} = \frac{36 \cdot 35}{2 \cdot 2}$ .	1 pont	A keresett valószínűség $\frac{27 \cdot 26}{36 \cdot 35} =$
$= \frac{351}{630} \left( = \frac{39}{70} \right) \approx 0,557$ .	1 pont	
<b>Összesen: 4 pont</b>		

<b>18. c)</b> $ AC  = \sqrt{(6-1)^2 + (7-2)^2} = \sqrt{50}$ és $ BC  = \sqrt{(5-6)^2 + (0-7)^2} = \sqrt{50}$ , így a háromszög AC és BC oldala egyenlő hosszú, tehát a háromszög valóban egyenlő szárú.	2 pont
<b>Összesen: 3 pont</b>	1 pont

<b>18. d) első megoldás</b> Az AB oldal felezőpontja $F\left(\frac{1+5}{2}; \frac{2+0}{2}\right) = (3; 1)$ .	2 pont	
Az AB oldal hossza $ AB  = \sqrt{4^2 + 2^2} = \sqrt{20} (\approx 4,47)$ .	1 pont	Az ábráról leolvashva $F(3; 1)$ .
Az FC magasság hossza $ FC  = \sqrt{3^2 + 6^2} = \sqrt{45} (\approx 6,71)$ .	1 pont	
Az ABC háromszög területe $T = \frac{\sqrt{20} \cdot \sqrt{45}}{2} = 15$ (területegység).	1 pont	
<b>Összesen: 6 pont</b>	6 pont	

6. Egy feladatra adott többféle megoldási próbálkozás közül a vizsgázó által megjelölt változat értékelhető. A javítás során egyértelműen jelezze, hogy melyik változatot értékelte, és melyiket nem.

7. A megoldásokért jutalompont (az adott feladatra vagy feladatrészre előírt maximális pontszámot meghaladó pont) nem adható.

8. Egy feladatra vagy részfeladatra adott összpontszám nem lehet negatív.

9. Az olyan részszámításokért, részlépésekért nem jár pontlevonás, melyek hibásak, de amelyeket a feladat megoldásához a vizsgázó ténylegesen nem használ fel.

10. A gondolatmenet kifejtése során a zsebszámológép használata – további matematikai indoklás nélkül – a következő műveletek elvégzésére fogadható el: összeadás, kivonás, szorzás, osztás, hatványozás, gyökvonás,  $n!$ ,  $\binom{n}{k}$  kiszámítása, a függvénytáblázatban fellelhető táblázatok helyettesítése (sin, cos, tg, log és ezek inverzei), a  $\pi$  és az  $e$  szám közelítő értékének megadása, nullára rendezett másodfokú egyenlet gyökeinek meghatározása. További matematikai indoklás nélkül használhatók a számológépek bizonyos statisztikai mutatók kiszámítására (átlag, szórás) abban az esetben, ha a feladat szövege kifejezetten nem követeli meg az ezzel kapcsolatos részletszámítások bemutatását is. Egyéb esetekben a géppel elvégzett számítások indoklás nélküli lépéseknek számítanak, azokért nem jár pont.

11. Az ábrák bizonyító erejű felhasználása (például adatok leolvasása mérésrel) nem elfogadható.

12. Valószínűségek megadásánál (ha a feladat szövege másképp nem rendelkezik) a százlékben megadott helyes válasz is elfogadható.

13. Ha egy feladat szövege nem ír elő kerékítési kötelezettséget, akkor az útmutatóban megadottól eltérő, észszerű és helyes kerékítésekkel kapott rész- és végeredmény is elfogadható.

14. A vizsgafeladatsor II. B részében kitűzött 3 feladat közül csak 2 feladat megoldása értékelhető. A vizsgázó az erre a célra szolgáló négyzetben – feltehetőleg – megjelölje annak feladatnak a sorszámát, amelynek értékelése nem fog beszámítani az összpontszámába. Ennek megfelelően a megjelölt feladatra esetlegesen adott megoldást nem is kell javítani. Ha a vizsgázó nem jelölte meg, hogy melyik feladat értékelését nem kéri, és a választás ténye a dolgozatból sem derül ki egyértelműen, akkor a nem értékelendő feladat automatikusan a kitűzött sorrend szerinti utolsó feladat lesz.

## I.

<b>1.</b>	$A = \{2; 3; 5; 7; 11\}$	1 pont
	$B = \{1; 2; 4; 5; 7; 8\}$	1 pont
	$A \cap B = \{2; 5; 7\}$	1 pont
	$B \setminus A = \{1; 4; 8\}$	1 pont
	<b>Összesen:</b>	<b>4 pont</b>
<b>2.</b>	$(4^3 =) 64$	2 pont
	<b>Összesen:</b>	<b>2 pont</b>
<b>3.</b>	$n = 10$	2 pont
	<b>Összesen:</b>	<b>2 pont</b>
<b>4.</b>	$(0,35 \cdot 520 =) 182$ (kcal)	2 pont
	<b>Összesen:</b>	<b>2 pont</b>
<b>5.</b>	Értékkészlet: $[-4; 5]$	2 pont
	A maximum helye: $-1$ .	1 pont
	<b>Összesen:</b>	<b>3 pont</b>
<b>6.</b>	$\left(\frac{8 \cdot 5}{2}\right)^{20}$	2 pont
	<b>Összesen:</b>	<b>2 pont</b>
<b>7.</b>	$(x = \lg 30 \approx) 1,477$	2 pont
	<b>Összesen:</b>	<b>2 pont</b>
<i>Megjegyzés: Ha a vizsgázó nem kerekít, vagy rosszul kerekít, akkor legfeljebb 1 pont jár.</i>		
<b>8.</b>	$\frac{3}{5} = 0,6$	2 pont
	<b>Összesen:</b>	<b>2 pont</b>

## 17. c)

Annak a valószínűsége, hogy egy ceruzának nem törik ki a hegye, ha lecsik az asztalról 0,8.	1 pont	<i>Ez a pont akkor is jár, ha ez a gondolat csak a megoldásból derül ki.</i>
Annak a valószínűsége, hogy egyik ceruzának sem törik ki a hegye $0,8^{12} \approx 0,069$ .	1 pont	
Annak a valószínűsége, hogy pontosan egy ceruzának törik ki a hegye $\binom{12}{1} \cdot 0,2^1 \cdot 0,8^{11} \approx 0,206$ .	2 pont	
A keresett valószínűség kb. $0,069 + 0,206 = 0,275$ .	1 pont	
<b>Összesen:</b>	<b>5 pont</b>	

## 18. a) első megoldás

$(36 - 24 =) 12$ kék színű sokszög van az asztalon.	2 pont	$(36 - 27 =) 9$ négyszög van az asztalon.
Mivel 5 kék négyszög van, így $(12 - 5 =) 7$ kék háromszög,	1 pont	<i>Mivel 5 kék négyszög van, így <math>(9 - 5 =) 4</math> piros négyszög,</i>
és $(27 - 7 =) 20$ piros háromszög van az asztalon.	1 pont	<i>és <math>(24 - 4 =) 20</math> piros háromszög van az asztalon.</i>
<b>Összesen:</b>	<b>4 pont</b>	

*Megjegyzés: Az asztalon 4 piros és 5 kék négyszög, valamint 20 piros és 7 kék háromszög van.*

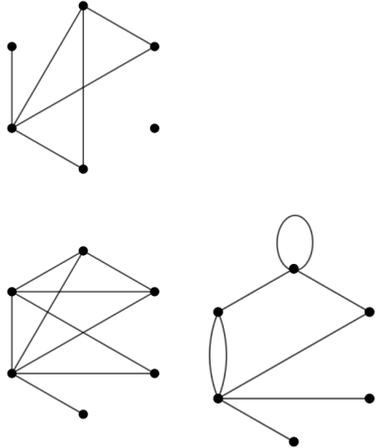
## 18. a) második megoldás

Az ismeretleneket táblázatba rendezve:		
	háromszög	négyszög
piros	$x$	$y$
kék	$z$	5
A feladat szövege szerint $x + y + z = 31$ .		
Mivel $x + y = 24$ , így $z = 7$ kék háromszög,		
és mivel $x + z = 27$ , így $x = 20$ piros háromszög van az asztalon.		
<b>Összesen:</b>	<b>4 pont</b>	

<b>17. a) első megoldás</b>	
Egy nagy henger alakkörének sugara 10 cm, így térfogata: $V = 10^2 \cdot \pi \cdot 25 = 2500\pi$ ( $\approx 7854$ cm <sup>3</sup> ).	1 pont
A ceruzabél sugara 0,1 cm, centiméterben mért hosszúságát jelöljük $h$ -val.	1 pont
Ekkor a térfogata cm <sup>3</sup> -ben: $V_{\text{ceruzabél}} = 0,1^2 \cdot \pi \cdot h$ .	1 pont
(A két térfogat egyenlő, azaz) $0,1^2 \cdot \pi \cdot h = 2500 \cdot \pi$ .	1 pont
Ebből $h = 250\,000$ cm,	1 pont
azaz 2500 méter hosszú ceruzabél készül egy hengerből.	1 pont
<b>Összesen:</b>	<b>6 pont</b>

<b>17. a) második megoldás</b>	
Mivel a ceruzabél alakkörének átmérője 100-adrésze a nagy henger átmérőjének, így alakkörének területe a nagy henger területének tízezred része.	3 pont
(A két kör hasonló, és a hasonló síkidomok területének aránya a hasonlóság arányának a négyzete.)	
Így (a térfogat-megmaradás miatt) a ceruzabél magassága (hossza) $25 \cdot 10\,000 = 250\,000$ cm,	2 pont
azaz 2500 méter.	1 pont
<b>Összesen:</b>	<b>6 pont</b>

<b>17. b)</b>	
A nők számát jelölje $3x$ , a férfiakét $2x$ .	1 pont
$H$ a a nők számát $n$ , a férfiak számát pedig $f$ jelöli, akkor egyrészt $\frac{n}{f} = \frac{3}{2}$ ,	
másképpen $\frac{n+5}{f+6} = \frac{4}{3}$ .	1 pont
A feltétel szerint $\frac{3x+5}{2x+6} = \frac{4}{3}$ .	
$9x+15 = 8x+24$	1 pont
$x = 9$	1 pont
Ebből $f = 18$ ,	
Jelenleg $3 \cdot 9 = 27$ nő és $2 \cdot 9 = 18$ férfi dolgozik a gyárban.	1 pont
Ellenőrzés a szöveg alapján: $27 : 18 = 3 : 2$ , $(27 + 5) : (18 + 6) = 4 : 3$ .	1 pont
<b>Összesen:</b>	<b>6 pont</b>

<b>9.</b>		
Egy megfelelő gráf. Például:		2 pont
<b>Összesen:</b>		<b>2 pont</b>

<b>10. első megoldás</b>	
$\beta = (180^\circ - 30^\circ - 100^\circ) = 50^\circ$	1 pont
(A szinuszételt felhasználva:) $\frac{a}{6} = \frac{\sin 30^\circ}{\sin 50^\circ}$ ,	1 pont
azaz $a \approx 3,92$ (cm).	1 pont
<b>Összesen:</b>	<b>3 pont</b>

<b>10. második megoldás</b>	
A $c$ oldalhoz tartozó magasság hossza $m_c = 6 \cdot \sin 30^\circ = 3$ (cm).	1 pont
(A magasság és az $a$ oldal által bezárt szög $40^\circ$ , így a magasság által levágott derékszögű háromszögben $a = \frac{3}{\cos 40^\circ}$ ,	1 pont
azaz $a \approx 3,92$ (cm).	1 pont
<b>Összesen:</b>	<b>3 pont</b>

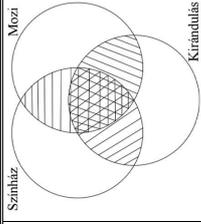
<b>11.</b>	
Az adatok átlaga: $\frac{43+40+42+39+40+36}{6} = 40$ ,	1 pont
szórása: $\sqrt{\frac{3^2+0^2+2^2+(-1)^2+0^2+(-4)^2}{6}} =$	1 pont
$=\sqrt{5} \approx 2,24$ .	1 pont
<b>Összesen:</b>	<b>3 pont</b>

*Ez a pont akkor is jár, ha a vizsgázó számológéppel helyesen számol.*

<b>12. első megoldás</b>	
Összesen 36 különböző dobáspár van.	1 pont
A kedvező esetek száma 4, ezek: 2-3, 3-2, 1-6, 6-1.	1 pont
A keresett valószínűség: $\frac{4}{36} = \frac{1}{9}$ ( $\approx 0,111$ ).	1 pont
<b>Összesen: 3 pont</b>	

<b>12. második megoldás</b>	
A 6 pozitív osztói: 1, 2, 3, 6, így $\frac{4}{6}$ annak a valószínűsége, hogy az első dobás ezek közül lesz valamelyik.	1 pont
A vizsgált esemény szempontjából az első dobás meghatározza a másodikikat (pl. ha az első dobás 1 volt, akkor a másodiknak 6-nak kell lennie), így a második dobás $\frac{1}{6}$ valószínűséggel lesz megfelelő, a kérdéses valószínűség a fenti két valószínűség szorzata, azaz $\frac{4}{6} \cdot \frac{1}{6} = \frac{1}{9}$ .	1 pont
<b>Összesen: 3 pont</b>	

<b>16. b) második megoldás</b>	
( $33 - 4 =$ ) 29 fő vett részt legalább két programon.	1 pont
A $13 + 12 + 10$ összeg ennél amennyivel több, hogy ebben egy helyett háromszor számoltuk azokat, akik mindhárom programon részt vettek,	2 pont
így ezek száma $(13 + 12 + 10 - 29) : 2$ ,	2 pont
tehát 3 diák vett részt mindhárom programon.	1 pont
Ellenőrzés.	1 pont
<b>Összesen: 7 pont</b>	



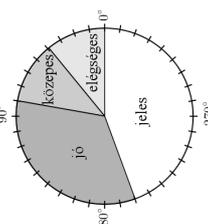
<b>16. c) első megoldás</b>	
(Az egymás utáni sorokban lévő székek száma számtani sorozatot alkot.)	1 pont
A tizedik és a hatodik sorban lévő székek számának különbsége 8,	
így $(8 : 4 =) 2$ a sorozat differenciája.	1 pont
A sorozat első tagja $(26 - 5 \cdot 2 =) 16$ .	1 pont
$S_{15} = \frac{2 \cdot 16 + 14 \cdot 2}{2} \cdot 15 =$	1 pont
$= 450$ szék van a nézőtérén.	1 pont
<b>Összesen: 5 pont</b>	

$$a_{15} = 44,$$

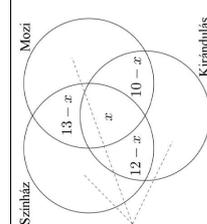
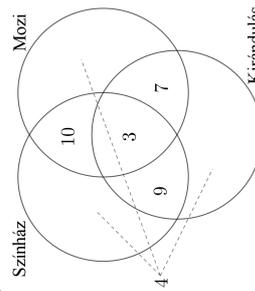
$$S_{15} = \frac{16 + 44}{2} \cdot 15 =$$

<b>16. c) második megoldás</b>	
(Az egymás utáni sorokban lévő székek száma számtani sorozatot alkot.) A számtani sorozat tulajdonságai miatt egyfelől $a_8 = \frac{a_6 + a_{10}}{2} = 30$ ,	2 pont
másfelől $S_3 = 15 \cdot a_8$ .	2 pont
Azaz 450 szék van a nézőtérén.	1 pont
<b>Összesen: 5 pont</b>	

**II. B**

<b>16. a)</b>		
A hiányzó jegyek rendre: 4, 4, 2, 3.	2 pont	<i>1 hiba esetén 1 pont, 1-nél több hiba esetén 0 pont jár.</i>
(A 9 jegyből 1 db 2-es, 1 db 3-as, 3 db 4-es és 4 db 5-ös.) Az osztályzatokhoz tartozó középponti szögek: 2-es: 40°, 3-as: 40°, 4-es: 120°, 5-ös: 160°.	1 pont	
	2 pont	<i>1 pont jár a helyesen ábrázolt középponti szögekért, 1 pont jár a megfelelő jelmagyarazatáért.</i>
<b>Összesen:</b>	<b>5 pont</b>	

**16. b) első megoldás**

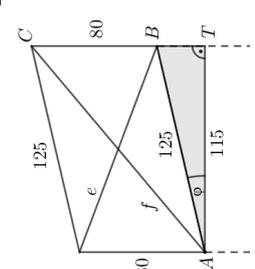
Ha $x$ fő vett részt mindhárom programon, akkor $13 - x$ fő volt színházban és moziban, de nem kirándult, $12 - x$ fő kirándult és volt színházban, de moziban nem, $10 - x$ fő kirándult és volt moziban, de színházban nem.	2 pont	
A feltétel szerint: $4 + (13 - x) + (12 - x) + (10 - x) + x = 33$ .	2 pont	
$39 - 2x = 33$	1 pont	
$x = 3$ (azaz 3 diák vett részt mindhárom programon)	1 pont	
Ellenőrzés: 	1 pont	
$10 + 3 + 9 + 7 + 4 = 33$	<b>7 pont</b>	<b>Összesen:</b>

*Megjegyzés: Ha a vizsgázó választ egy helyesen kitöltött Venn-diagram alapján, de indoklás nélkül adja meg, akkor ezért legfeljebb 4 pontot kaphat.*

**II. A**

<b>13. a)</b>		
$3x + \frac{2x-2}{6} = 8$	1 pont	$3x + 2(x - 1) = 8 \cdot 6$
$5x - 2 = 48$	1 pont	
$x = 10$	1 pont	
Ellenőrzés behelyettesítéssel vagy ekvivalens átalakításokra való hivatkozással.	1 pont	
<b>Összesen:</b>	<b>4 pont</b>	
<b>13. b)</b>		
Jelölje $x$ a kisebb számot. $x^2 + (x+1)^2 = 10\,513$	1 pont	
$x^2 + x^2 + 2x + 1 = 10\,513$	1 pont	
$2x^2 + 2x - 10\,512 = 0$	1 pont	
$x_1 = 72, x_2 = -73$	2 pont	
A két szám lehet a 72 és a 73, vagy a -73 és a -72.	1 pont	
Ellenőrzés: $72^2 + 73^2 = 10\,513, (-73)^2 + (-72)^2 = 10\,513$ .	1 pont	<i>Ez a pont akkor is jár, ha csak egy megoldást talál és ellenőriz a vizsgázó.</i>
<b>Összesen:</b>	<b>8 pont</b>	

*Megjegyzés: Ha a vizsgázó próbálgatással találja meg a megoldásokat, akkor ezekért 1-1 pontot kapjon. Az ellenőrzésért további 1 pont jár. Ha megfelelően indokolja, hogy miért nem lehet több megoldása a feladatnak, akkor a teljes pontszámot kapja meg.*

<b>14. a)</b>		
	2 pont	
Az $ABT$ háromszögben $\cos \varphi = \frac{115}{125} = 0,92$ .		
A két kerekítéssel $\varphi = 23^\circ$ valóban.	1 pont	
<b>Összesen:</b>	<b>3 pont</b>	

<b>14. b) első megoldás</b>	
	1 pont
<p>A paralelogramma <math>\varphi</math> melletti szöge <math>90^\circ - 23^\circ = 67^\circ</math>.          Koszinusz-tétellel (az ábra szürke háromszögében):  <math>e^2 = 125^2 + 80^2 - 2 \cdot 125 \cdot 80 \cdot \cos 67^\circ</math>,          amiből <math>e \approx 119</math> cm.</p>	
<b>Összesen:</b>	<b>4 pont</b>

<b>14. b) második megoldás</b>	
	2 pont
<p>Az <math>ABT</math> derékszögű háromszögben (a Pitagorasz-tétellel) <math>AT = \sqrt{125^2 - 115^2} \approx 49</math> (cm).          Ekkor <math>TD = 80 - 49 = 31</math> (cm),          amiből (a <math>BDT</math> derékszögű háromszögben a Pitagorasz-tétellel): <math>e = \sqrt{31^2 + 115^2} \approx 119</math> cm.</p>	
<b>Összesen:</b>	<b>4 pont</b>

<b>14. c) első megoldás</b>	
	1 pont
<p><math>T = 80 \cdot 115 = 9200</math> cm<sup>2</sup>          Mivel <math>1 \text{ m}^2 = 10\,000 \text{ cm}^2</math>, így az állítás igaz.</p>	
<b>Összesen:</b>	<b>3 pont</b>

<b>14. c) második megoldás</b>	
	1 pont
<p>A paralelogramma egyik oldalának hossza 0,8 m, a hozzá tartozó magasság hossza 1,15 m.  <math>T = 0,8 \cdot 1,15 = 0,92</math> m<sup>2</sup>, így az állítás igaz.</p>	
<b>Összesen:</b>	<b>3 pont</b>

<b>15. a)</b>	(Fél év után) 18 hónapon át havonta 1,05-szorosára változik az árbevétele,	1 pont	<i>Ez a pont akkor is jár, ha ez a gondolat csak a megoldásból derül ki.</i>
	így $300\,000 \cdot 1,05^{18} \approx 720\,000$ Ft árbevétele lesz a 24. hónapban.	1 pont	
	Az első félévben ( $6 \cdot 300\,000 = 1\,800\,000$ Ft) árbevétele lesz.	1 pont	
	Az utána következő 18 hónapos időszakban a bevétele egy olyan mértani sorozat első 18 tagjának összege, melyben az első tag $300\,000 \cdot 1,05 = 315\,000$ és a hányados 1,05.	1 pont	<i>Ez a pont akkor is jár, ha ez a gondolat csak a megoldásból derül ki.</i>
	$S_{18} = 315\,000 \cdot \frac{1,05^{18} - 1}{1,05 - 1} \approx 8\,861\,701$ (Ft)	1 pont	
	Összesen $1\,800\,000 + 8\,861\,701 (= 10\,661\,701)$ , azaz a kért kerékítéssel $10\,660\,000$ Ft a tervezett árbevétel az első két év alatt.	1 pont	
	<b>Összesen:</b>	<b>9 pont</b>	

Megjegyzések:

1. A válaszok megadása során elkövetett kerékítési hibáért összesen legfeljebb 1 pontot veszíten a vizsgázó.
2. A mértékegység hiánya miatt összesen legfeljebb 1 pontot veszíten a vizsgázó.

<b>15. b)</b>	Ha András vezet, akkor Cili mellette ül, és hátul a többiek $3! = 6$ -féleképpen ülhetnek.	1 pont	
	Ha Dóra vezet, akkor (a megadott feltétel miatt) András, Cili és a harmadik ember hátul 4-féleképpen ülhet. (A lehetőségek: <u>AC</u> , <u>CA</u> , <u>AC</u> , <u>CA</u> .)	1 pont	
	Bármelyik esetben a fennmaradó két helyen Balázs és Endre 2-féleképpen ülhet,	1 pont	
	és így $(4 \cdot 2 =) 8$ lehetőség.	1 pont	
	Összesen tehát $(6 + 8 =) 14$ -féle ülésrendben utazhatnak az autóval.	1 pont	
	<b>Összesen:</b>	<b>5 pont</b>	

Megjegyzés: Ha a vizsgázó rendszeresen felsorolja a lehetséges ülésrendeket, és ez alapján helyes választ ad, akkor a teljes pontszám jár.